

Програма підготовки бакалаврів у галузі знань 05 – " Соціальні та поведінкові науки " зі спеціальності 051 –"Економіка "

"Вища математика"

**210 год. / 7 кредити ЕКТС
(60 год. лекцій, 60 год. практичних занять)**

Навчальний контент

1-й семестр

Модуль 1

Змістовий модуль 1. Елементи лінійної та векторної алгебри і аналітичної геометрії.

Тема 1. Елементи лінійної алгебри.

Тема 2. Векторна алгебра.

Тема 3. Елементи аналітичної геометрії (лінії та поверхні першого порядку).

Тема 4. Елементи аналітичної геометрії (криві другого порядку, поверхні другого порядку).

Змістовий модуль 2. Вступ до математичного аналізу. Диференціальне числення функцій однієї змінної.

Тема 5. Вступ до математичного аналізу.

Тема 6. Диференціальне числення функції однієї змінної.

Тема 7. Дослідження функції за допомогою похідної.

2-й семестр

Модуль 2

Змістовий модуль 3. Невизначений і визначений інтеграл.

Тема 8. Невизначений інтеграл.

Тема 9. Визначений інтеграл.

Тема 10. Невласні інтеграли.

Змістовий модуль 4. Функції багатьох змінних. Диференціальні рівняння.

Тема 11. Функції багатьох змінних.

Тема 12. Комплексні числа та дії над ними.

Тема 13. Диференціальні рівняння.

Програма підготовки бакалаврів у галузі знань 05 – " Соціальні та поведінкові науки " зі спеціальності 051 –"Економіка "

"Вища математика"

210 год. / 7 кредити ЕКТС
(60 год. лекцій, 60 год. практичних занять)

Теми практичних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
I семестр (30 год)		
<u>Елементи лінійної алгебри</u>		
1	Визначники другого та третього порядку, властивості визначників. Дії над матрицями. Обернена матриця.	2
2	Розв'язування СЛАР матричним методом та за формулами Крамера.	2
3	Метод Гаусса. Однорідні СЛАР.	2
<u>Векторна алгебра</u>		
4	Лінійні операції над векторами. Координати вектора. Модуль вектора. Напрямні косинуси. Поділ відрізка у заданому відношенні.	2
5	Скалярний добуток. Векторний добуток. Мішаний добуток.	2
<u>Аналітична геометрія</u>		
6	Лінії та їх рівняння. Геометричний зміст рівнянь. Полярна система. Полярні рівняння лінії. Рівняння прямої на площині.	2
7	Поверхні другого порядку	2
<u>Вступ до математичного аналізу</u>		
8	Функція, область визначення, побудова графіків. Графіки основних елементарних функцій, перетворення графіків. Обернена функція, складена функція. Обернені тригонометричні	2
9	функції. Знаходження границь функцій.	2
10	Порівняння нескінченно малих.	2

Неперервність, точки розриву

	<u>Диференціальне числення функції однієї змінної</u>	
11	Геометричний і фізичний зміст похідної. Техніка диференціювання.	2
12	Техніка диференціювання	2
13	Диференціал, застосування у наближених обчисленнях. Похідні вищих порядків.	2
14	Правило Лопіталя.	2
	<u>Дослідження функції за допомогою похідних.</u>	
15	Інтервали монотонності. Екстремуми. Найбільше та найменше значення функції.	2
	Опуклість і вгнутість кривих. Точки перегину. Асимптоти.	

II Семестр (30 год)

Невизначений інтеграл

1	Безпосереднє інтегрування за таблицею та властивостями інтегралів. Інтегрування частинами та підстановкою.	2
2	Інтегрування раціональних функцій. Інтегрування тригонометричних функцій.	2
3	Інтегрування найпростіших ірраціональностей.	2

Визначений інтеграл

4	Обчислення визначених інтегралів за формулою Ньютона-Лейбніца. Інтегрування частинами та підстановкою. Обчислення площ в декартових координатах.	2
5	Обчислення площ фігур в декартових та полярних координатах. Обчислення об'ємів тіл, довжини дуги. Задачі фізики та механіки.	2
6	Невласні інтеграли	2

Функції багатьох змінних

- 7 Область визначення. Частинні похідні. Диференціал функції двох змінних. 2
- 8 Дотична площина та нормаль до поверхні. Екстремуми функції двох змінних. Задачі на найбільше та найменше значення. 2
- 9 Похідна за напрямом. Градієнт. 2
- 10 Комплексні числа та дії над ними. 2
- 11 Диференціальні рівняння
- 11 Складання д.р. за умовами задач. Диф. рівняння з відокремлюваними змінними. Однорідні та лінійні д.р. першого порядку. 2
- 12 Диференціальні рівняння вищих порядків, що допускають зниження порядку. 2
- 13 Лінійні диференціальні рівняння другого порядку із сталими коефіцієнтами.(однорідні та неоднорідні). Метод варіації довільних сталих. 2
- 14 Лінійні неоднорідні д.р. 2-го порядку з сталими коефіцієнтами із спеціальною правою частиною. Метод невизначених коефіцієнтів. 2
- 15 Системи диференціальних рівнянь. 2

Програма підготовки бакалаврів у галузі знань 05 – " Соціальні та поведінкові науки " зі спеціальності 051 –"Економіка "

"Вища математика"

210 год. / 7 кредити ЕКТС
(60 год. лекцій, 60 год. практичних занять)

Завдання для самостійної роботи

Найменування теми, що виноситься для самостійного вивчення студентом	Кількість годин
1-й семестр	
1 Лінійна алгебра	6
2 Векторна алгебра.	8
3 Аналітична геометрія (лінії та поверхні першого порядку).	10
4 Аналітична геометрія (криві другого порядку, поверхні другого порядку).	5
5 Вступ до математичного аналізу.	6
6 Диференціальне числення функції однієї змінної.	5
7 Дослідження функції за допомогою похідної.	5
2 -й семестр	
1 Дослідження функції за допомогою похідної.	6
2 Невизначений інтеграл.	6
3 Визначений інтеграл.	8
4 Невласні інтеграли.	2
5 Функції багатьох змінних.	7
6 Комплексні числа та дії над ними.	5
7 Звичайні диференціальні рівняння.	6
8 Системи диференціальних рівнянь .	8
Разом	90

Програма підготовки бакалаврів у галузі знань 05 – " Соціальні та поведінкові науки " зі спеціальності 051 –"Економіка "

"Вища математика"

**210 год. / 7 кредити ЕКТС
(60 год. лекцій, 60 год. практичних занять)**

Завдання для поточного та підсумкового контролю

Типові розрахунки

I семестр

I семестр

Типовий розрахунок №1 (складається з 4 –х завдань, розрахований на 6 годин)

Завдання 1. Встановити, що система трьох лінійних алгебраїчних рівнянь має єдиний розв'язок та знайти його:

- а) матричним методом;
- б) за формулами Крамера;
- в) за методом Гаусса.

Завдання 2. Побудувати лінію за її полярним рівнянням, записати її рівняння в декартових координатах.

Завдання 3. Звести рівняння ліній другого порядку до канонічних, знайти їх параметри та побудувати ці лінії.

Завдання 4. Дослідити задані функції на неперервність, встановити тип розриву, якщо він існує, зобразити графіки функцій (схематично навколо точок розриву).

II семестр

Типовий розрахунок №2 (складається з 5 завдань, розрахований на 7 годин)

Завдання 1. Обчислити площу фігури, заданої у декартових координатах.

Завдання 2. Обчислити площу фігури (довжину дуги), заданої у полярних координатах або параметрично.

Завдання 3. Обчислити об'єм тіла за площами паралельних перерізів.

Завдання 4. Обчислити об'єм тіла обертання.

Завдання 5. Задача фізики (механіки) на застосування визначеного інтеграла.

Питання для модульного контролю

I семестр

Елементи лінійної алгебри

1. Матриці, їх види. Дії з матрицями.
2. Визначник матриці, його властивості, обчислення.
3. Обернена матриця. Необхідна і достатня умова існування оберненої матриці.
4. Система n лінійних алгебраїчних рівнянь з n невідомими, її матричний запис та розв'язок.
5. Формули Крамера.
6. Розв'язування однорідних систем лінійних рівнянь.

Елементи векторної алгебри

1. Вектори. Лінійні операції над векторами та їх властивості.
2. Базис на площині і у просторі. Розклад вектора за базисом.
3. Проекція вектора на вісь. Властивості проєкцій.
4. Ортогональний базис. Вектор в декартовій системі координат.
5. Проекції вектора, заданого координатами його початку і кінця. Модуль вектора. Відстань між двома точками на площині і у просторі.
6. Напрямні косинуси вектора. Орт вектора.
7. Скалярний добуток векторів, його властивості, вираз в координатах.
8. Кут між двома векторами. Умова перпендикулярності у векторній та координатній формах.
9. Векторний добуток, його властивості, вираз в координатах.
10. Мішаний добуток векторів, його властивості, вираз в координатах.
11. Умова компланарності трьох векторів у векторній та координатній формах.
12. Застосування векторів до розв'язання задач аналітичної геометрії:
 - ділення відрізка у заданому відношенні;
 - площа трикутника за координатами його вершин;
 - об'єм піраміди за координатами її вершин;
 - формули перетворення координат при паралельному переносі та повороті осей координат.

Аналітична геометрія

1. Лінії та їх рівняння на площині. Приклади
2. Полярна система координат. Полярне рівняння лінії. Приклади.
3. Параметричне рівняння лінії. Приклади.
4. Пряма на площині. Різні види її рівняння (за точкою і нормальним вектором; загальне рівняння; рівняння з кутовим коефіцієнтом; за точкою і кутовим коефіцієнтом; рівняння “у відрізках”; за двома точками)
5. Кут між прямими на площині. Умови паралельності і перпендикулярності.
6. Відстань від точки до прямої на площині.
7. Криві другого порядку – еліпс, гіпербола, парабола. Їх канонічні рівняння і властивості.

8. Лінійне рівняння в просторі. Загальне рівняння площини. Неповні рівняння.
9. Рівняння площини за точкою і нормальним вектором.
10. Кут між двома площинами. Умови паралельності і перпендикулярності площин.
11. Пряма у просторі. Канонічні та параметричні рівняння.
12. Пряма як перетин двох площин. Перехід від загальних рівнянь до канонічних.
13. Кут між двома прямими у просторі. Умова перетину двох прямих.
14. Поверхні другого порядку, їх канонічні рівняння та дослідження форми методом перерізів:
 - еліпсоїд;
 - гіперболоїди (однопорожнинний і двопорожнинний);
 - параболоїди (еліптичний і гіперболічний);
 - конус другого порядку;
 - циліндри другого порядку.

Вступ до математичного аналізу

1. Означення функції. Область визначення. Способи задання функцій. Графік функції.
2. Графіки основних елементарних функцій (вміти будувати).
3. Нескінченно малі величини. Означення. Приклади. Характер графіка нескінченно малої функції при $x \rightarrow x_0$, $x \rightarrow \infty$.
4. Нескінченно велика величина. Означення, приклади. Характер графіка н.в. функції при $x \rightarrow x_0$.
5. Обмежена функція в заданому інтервалі. Приклади. Геометрична ілюстрація.
6. Властивості нескінченно малих.
7. Границя функції при $x \rightarrow x_0$ та $x \rightarrow \infty$. Означення. Геометричне тлумачення.
8. Границя послідовності. Означення. Геометричне тлумачення.
9. Властивості границь (границя сталої; про знак границі; границя проміжної функції; границя суми, добутку, частки).
10. Перша важлива границя.
11. Друга важлива границя. Різні види її.
12. Порівняння нескінченно малих. Еквівалентні нескінченно малі та їх властивості. Навести приклади еквівалентних нескінченно малих.
13. Неперервність функції в точці (два означення).
14. Точки розриву функції. Типи точок розриву. Навести приклади.
15. Дії над неперервними функціями (неперервність суми, добутку та частки; неперервність складеної функції).
16. Властивості функцій, неперервних на відрізку (сформулювати та дати геометричне тлумачення теорем)

Похідна та диференціал функції

1. Похідна функції. Означення. Геометричний та фізичний зміст похідної.
2. Зв'язок між неперервністю та диференційовністю функції (довести).
3. Похідна сталої, суми, добутку, частки (довести).

4. Похідні тригонометричних функцій $\sin x$, $\cos x$, $\operatorname{tg} x$, $\operatorname{ctg} x$ (вивести).
5. Похідна логарифмічної функції (вивести).
6. Похідна показникової функції (вивести).
7. Похідні обернених тригонометричних функцій $\arccos x$, $\arcsin x$, $\operatorname{arctg} x$, $\operatorname{arcctg} x$ (вивести).
8. Похідна складеної функції. Похідна степеневі функції (вивести).
9. Похідна функції, заданої параметрично.
10. Диференціал функції та його зв'язок з приростом функції. Геометричний зміст диференціала.
11. Властивості диференціала.
12. Застосування диференціала в наближених обчисленнях.
13. Похідні та диференціали вищих порядків. Механічний зміст другої похідної.

II семестр

Застосування похідної.

1. Похідна. Геометричний та фізичний зміст похідної.
2. Диференціал функції.
3. Застосування диференціала у наближених обчисленнях.
4. Теорема Ролля (формулювання та геометричне тлумачення).
5. Теорема Лагранжа, наслідки з неї.
6. Правило Лопіталю.
7. Ознаки монотонності функції.
8. Необхідна ознака екстремуму.
9. Достатні умови екстремуму (за першою та другою похідною).
10. Опуклість графіка функції. Достатні умови. Точки перегину.
11. Асимптоти графіка функції.

Невизначений інтеграл

1. Поняття первісної та невизначеного інтеграла.
2. Властивості невизначеного інтеграла.
3. Таблиця основних інтегралів.
4. Інтегрування частинами. Приклади.
5. Заміна змінної в невизначеному інтегралі (метод підстановки). Навести приклади.
6. Інтегрування елементарних раціональних дробів I-III типів. Приклади.
7. Розкладання дроби на елементарні раціональні дроби.
8. Загальне правило інтегрування раціональних функцій.
9. Інтегрування тригонометричних функцій (інтеграл виду $\int R(\sin x, \cos x) dx$).
Універсальна тригонометрична підстановка.
10. Інтегрування тригонометричних функцій за допомогою підстановок $t = \sin x$, $t = \cos x$, $t = \operatorname{tg} x$ тощо. Приклади.
11. Інтегрування найпростіших ірраціональностей.

Визначений інтеграл.

1. Задача про площу криволінійної трапеції.
2. Задача про роботу змінної сили.
3. Визначений інтеграл. Означення. Теорема існування. Геометричний та механічний зміст.
4. Властивості визначеного інтеграла (лінійність, адитивність, про знак інтеграла).
5. Теорема про середнє значення визначеного інтеграла.
6. Визначений інтеграл із змінною верхньою межею та його похідна.
7. Формула Ньютона-Лейбніца.
8. Обчислення площ фігур, що задані у декартових координатах або параметрично. Навести приклад.
9. Обчислення площ фігур у полярних координатах. Приклад.
10. Обчислення довжини дуги кривої, заданої параметрично, в декартових координатах, полярних координатах. Приклади.
11. Обчислення об'ємів тіл за площами паралельних перерізів. Об'єм тіла обертання. Приклади.
12. Обчислення площі поверхні тіл обертання.
13. Невласні інтеграли з нескінченними межами.
14. Невласні інтеграли від необмежених функцій.

Функції багатьох змінних

1. Означення функцій двох аргументів, способи задання, графічне зображення. Лінії рівня.
2. Частинні похідні, їх геометричний зміст.
3. Вираз повного приросту через частинні похідні.
4. Повний диференціал, його застосування у наближених обчисленнях.
5. Похідна складеної функції двох аргументів.
6. Неявні функції двох аргументів та їх похідні.
7. Дотична площина і нормаль до поверхні.
8. Геометричний зміст повного диференціала.
9. Екстремуми функції двох змінних. Необхідні і достатні умови екстремуму.
10. Скалярне поле. Похідна за напрямом. Градієнт.

Звичайні диференціальні рівняння

1. Означення диференціального рівняння. Порядок диференціального рівняння. Розв'язок диференціального рівняння.
2. Диференціальне рівняння першого порядку. Задача Коші. Означення загального та частинного розв'язків диференціального рівняння першого порядку.
3. Геометричний зміст диференціального рівняння першого порядку.
4. Диференціальне рівняння з відокремлюваними змінними та їх інтегрування.
5. Однорідні диференціальні рівняння першого порядку та їх інтегрування.
6. Лінійні диференціальні рівняння першого порядку та їх інтегрування. Геометричний та механічний зміст диференціальних рівнянь другого порядку. Задача Коші для диференціальних рівнянь другого порядку.
7. Диференціальні рівняння, які допускають зниження порядку.

8. Однорідні лінійні диференціальні рівняння другого порядку. Властивості розв'язків.

9. Теорема про структуру загального розв'язку лінійного однорідного диференціального рівняння другого порядку.

10. Теорема про структуру загального розв'язку лінійного неоднорідного диференціального рівняння другого порядку.

11. Лінійні однорідні диференціальні рівняння другого порядку із сталими коефіцієнтами.

Загальний розв'язок у випадку, якщо корені характеристичного рівняння:

- дійсні різні;
- дійсні рівні;
- комплексні.

12. Лінійні неоднорідні диференціальні рівняння другого порядку із сталими коефіцієнтами.

13. Добір частинних розв'язків за структурою правої частини у випадку коли права частина:

- многочлен (або const);
- експонента;
- гармоніка.

14. Метод варіації довільних сталих.

15. Застосування диференціальних рівнянь до вивчення коливань:

- а) вільні гармонічні коливання;
- б) вимушені коливання, резонанс.

16. Системи диференціальних рівнянь. Нормальна система диференціальних рівнянь.

Задача Коші. Механічна інтерпретація нормальної системи трьох рівнянь.

17. Інтегрування нормальної системи рівнянь методом виключення змінної